

| | | |
|--|---|---------------|
| | UNIVERSIDADES PÚBLICAS DE LA COMUNIDAD DE MADRID PRUEBA DE ACCESO A LAS ENSEÑANZAS UNIVERSITARIAS OFICIALES DE GRADO Curso 2015-2016 MATERIA: MATEMÁTICAS APLICADAS A LAS CIENCIAS SOCIALES II | Modelo |
| <p align="center">INSTRUCCIONES Y CRITERIOS GENERALES DE CALIFICACIÓN</p> <p>Después de leer atentamente todas las preguntas, el alumno deberá escoger una de las dos opciones propuestas y responder a las cuestiones de la opción elegida. Para la realización de esta prueba se puede utilizar calculadora científica, siempre que no disponga de capacidad de representación gráfica o de cálculo simbólico y no tenga más de dos líneas de texto.</p> <p>CALIFICACIÓN: Cada pregunta se valorará sobre 2 puntos.</p> <p>TIEMPO: 90 minutos.</p> | | |

OPCIÓN A

Ejercicio 1. (Calificación máxima: 2 puntos)

Considérese la matriz $A = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 1 \\ a & 0 & 8 \\ -1 & a & -6 \end{pmatrix}$

- a) Determínese para qué valores de $a \in \mathbb{R}$ es invertible A .
b) Resuélvase para $a = 0$ el sistema

$$A \cdot \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

Ejercicio 2. (Calificación máxima: 2 puntos)

Determínese la matriz X que verifica $\begin{pmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 2 \end{pmatrix} \cdot X = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 4 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 4 & -1 \end{pmatrix} \cdot X$.

Ejercicio 3. (Calificación máxima: 2 puntos)

Se considera la función real de variable real:

$$f(x) = \frac{x^3}{1 - x^2}$$

- a) Estúdiense y determinense sus asíntotas.
b) Determínense sus intervalos de crecimiento y decrecimiento.

Ejercicio 4. (Calificación máxima: 2 puntos)

En un polígono industrial se almacenan 30000 latas de refresco procedentes de las fábricas A , B y C a partes iguales. Se sabe que en 2016 caducan 1800 latas de la fábrica A , 2400 procedentes de la B y 3000 que proceden de la fábrica C .

- a) Calcúlese la probabilidad de que una lata elegida al azar caduque en 2016.
b) Se ha elegido una lata de refresco aleatoriamente y caduca en 2016, ¿cuál es la probabilidad de que proceda de la fábrica A ?

Ejercicio 5. (Calificación máxima: 2 puntos)

El tiempo diario que los adultos de una determinada ciudad dedican a actividades deportivas, expresado en minutos, se puede aproximar por una variable aleatoria con distribución normal de media μ desconocida y desviación típica $\sigma = 20$ minutos.

- a) Para una muestra aleatoria simple de 250 habitantes de esa ciudad se ha obtenido un tiempo medio de dedicación a actividades deportivas de 90 minutos diarios. Calcúlese un intervalo de confianza al 90 % para μ .
b) ¿Qué tamaño mínimo debe de tener una muestra aleatoria simple para que el error máximo cometido en la estimación de μ por la media muestral sea menor que 1 minuto con el mismo nivel de confianza del 90 %?

OPCIÓN B

Ejercicio 1. (Calificación máxima: 2 puntos)

Se considera el sistema de ecuaciones lineales, dependiente del parámetro real a :

$$\begin{cases} x & +y & -z & = 1 \\ 2x & +2y & -3z & = 3 \\ 3x & +ay & -2z & = 5 \end{cases}$$

- a) Discútase el sistema para los diferentes valores de a .
- b) Resuélvase el sistema en el caso $a = 2$.

Ejercicio 2. (Calificación máxima: 2 puntos)

Se considera la función real de variable real

$$f(x) = x^2 - 4x - 5$$

- a) Representese gráficamente la función f .
- b) Calcúlese el área de la región acotada del plano delimitada por la gráfica de f y el eje de abscisas.

Ejercicio 3. (Calificación máxima: 2 puntos)

Dada la función real de variable real

$$f(x) = x^2 e^{x^2}$$

- a) Calcúlese su función derivada.
- b) Determinense sus intervalos de concavidad (\cap) y convexidad (\cup).

Ejercicio 4. (Calificación máxima: 2 puntos)

Las probabilidades de que cinco jugadores de baloncesto encesten un lanzamiento de tiro libre son, respectivamente, de 0,8; 0,9; 0,7; 0,9; 0,93. Si cada jugador lanza un tiro libre siguiendo el orden anterior y considerando los resultados de los lanzamientos como sucesos independientes, calcúlese la probabilidad de que:

- a) Todos los jugadores encesten su tiro libre.
- b) Al menos uno de los tres primeros jugadores enceste.

Ejercicio 5. (Calificación máxima: 2 puntos)

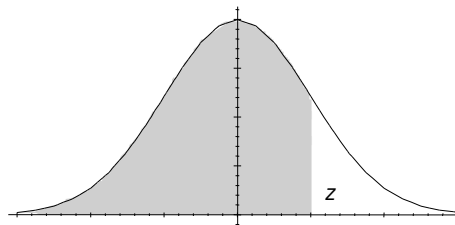
El precio (en euros) del metro cuadrado de las viviendas de un determinado municipio se puede aproximar por una variable aleatoria con distribución normal de media μ desconocida y desviación típica $\sigma = 650$ euros.

- a) Se toma una muestra aleatoria simple y se obtiene un intervalo de confianza (2265, 375; 2424, 625) para μ , con un nivel de confianza del 95 %. Calcúlese la media muestral y el tamaño de la muestra elegida.
- b) Tomamos una muestra aleatoria simple de tamaño 225. Calcúlese el error máximo cometido en la estimación de μ por la media muestral con un nivel de confianza del 99 %.

Matemáticas Aplicadas a las Ciencias Sociales

ÁREAS BAJO LA DISTRIBUCIÓN DE PROBABILIDAD NORMAL ESTÁNDAR

Los valores en la tabla representan el área bajo la curva normal hasta un valor positivo de z .



| z | ,00 | ,01 | ,02 | ,03 | ,04 | ,05 | ,06 | ,07 | ,08 | ,09 |
|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|
| 0,0 | 0,5000 | 0,5040 | 0,5080 | 0,5120 | 0,5160 | 0,5199 | 0,5239 | 0,5279 | 0,5319 | 0,5359 |
| 0,1 | 0,5398 | 0,5438 | 0,5478 | 0,5517 | 0,5557 | 0,5596 | 0,5636 | 0,5675 | 0,5714 | 0,5753 |
| 0,2 | 0,5793 | 0,5832 | 0,5871 | 0,5910 | 0,5948 | 0,5987 | 0,6026 | 0,6064 | 0,6103 | 0,6141 |
| 0,3 | 0,6179 | 0,6217 | 0,6255 | 0,6293 | 0,6331 | 0,6368 | 0,6406 | 0,6443 | 0,6480 | 0,6517 |
| 0,4 | 0,6554 | 0,6591 | 0,6628 | 0,6664 | 0,6700 | 0,6736 | 0,6772 | 0,6808 | 0,6844 | 0,6879 |
| 0,5 | 0,6915 | 0,6950 | 0,6985 | 0,7019 | 0,7054 | 0,7088 | 0,7123 | 0,7157 | 0,7190 | 0,7224 |
| 0,6 | 0,7257 | 0,7291 | 0,7324 | 0,7357 | 0,7389 | 0,7422 | 0,7454 | 0,7486 | 0,7517 | 0,7549 |
| 0,7 | 0,7580 | 0,7611 | 0,7642 | 0,7673 | 0,7703 | 0,7734 | 0,7764 | 0,7794 | 0,7823 | 0,7852 |
| 0,8 | 0,7881 | 0,7910 | 0,7939 | 0,7967 | 0,7995 | 0,8023 | 0,8051 | 0,8078 | 0,8106 | 0,8133 |
| 0,9 | 0,8159 | 0,8186 | 0,8212 | 0,8238 | 0,8264 | 0,8289 | 0,8315 | 0,8340 | 0,8365 | 0,8389 |
| 1,0 | 0,8413 | 0,8438 | 0,8461 | 0,8485 | 0,8508 | 0,8531 | 0,8554 | 0,8577 | 0,8599 | 0,8621 |
| 1,1 | 0,8643 | 0,8665 | 0,8686 | 0,8708 | 0,8729 | 0,8749 | 0,8770 | 0,8790 | 0,8810 | 0,8830 |
| 1,2 | 0,8849 | 0,8869 | 0,8888 | 0,8907 | 0,8925 | 0,8944 | 0,8962 | 0,8980 | 0,8997 | 0,9015 |
| 1,3 | 0,9032 | 0,9049 | 0,9066 | 0,9082 | 0,9099 | 0,9115 | 0,9131 | 0,9147 | 0,9162 | 0,9177 |
| 1,4 | 0,9192 | 0,9207 | 0,9222 | 0,9236 | 0,9251 | 0,9265 | 0,9279 | 0,9292 | 0,9306 | 0,9319 |
| 1,5 | 0,9332 | 0,9345 | 0,9357 | 0,9370 | 0,9382 | 0,9394 | 0,9406 | 0,9418 | 0,9429 | 0,9441 |
| 1,6 | 0,9452 | 0,9463 | 0,9474 | 0,9484 | 0,9495 | 0,9505 | 0,9515 | 0,9525 | 0,9535 | 0,9545 |
| 1,7 | 0,9554 | 0,9564 | 0,9573 | 0,9582 | 0,9591 | 0,9599 | 0,9608 | 0,9616 | 0,9625 | 0,9633 |
| 1,8 | 0,9641 | 0,9649 | 0,9656 | 0,9664 | 0,9671 | 0,9678 | 0,9686 | 0,9693 | 0,9699 | 0,9706 |
| 1,9 | 0,9713 | 0,9719 | 0,9726 | 0,9732 | 0,9738 | 0,9744 | 0,9750 | 0,9756 | 0,9761 | 0,9767 |
| 2,0 | 0,9772 | 0,9778 | 0,9783 | 0,9788 | 0,9793 | 0,9798 | 0,9803 | 0,9808 | 0,9812 | 0,9817 |
| 2,1 | 0,9821 | 0,9826 | 0,9830 | 0,9834 | 0,9838 | 0,9842 | 0,9846 | 0,9850 | 0,9854 | 0,9857 |
| 2,2 | 0,9861 | 0,9864 | 0,9868 | 0,9871 | 0,9875 | 0,9878 | 0,9881 | 0,9884 | 0,9887 | 0,9890 |
| 2,3 | 0,9893 | 0,9896 | 0,9898 | 0,9901 | 0,9904 | 0,9906 | 0,9909 | 0,9911 | 0,9913 | 0,9916 |
| 2,4 | 0,9918 | 0,9920 | 0,9922 | 0,9925 | 0,9927 | 0,9929 | 0,9931 | 0,9932 | 0,9934 | 0,9936 |
| 2,5 | 0,9938 | 0,9940 | 0,9941 | 0,9943 | 0,9945 | 0,9946 | 0,9948 | 0,9949 | 0,9951 | 0,9952 |
| 2,6 | 0,9953 | 0,9954 | 0,9956 | 0,9957 | 0,9959 | 0,9960 | 0,9961 | 0,9962 | 0,9963 | 0,9964 |
| 2,7 | 0,9965 | 0,9966 | 0,9967 | 0,9968 | 0,9969 | 0,9970 | 0,9971 | 0,9972 | 0,9973 | 0,9974 |
| 2,8 | 0,9974 | 0,9975 | 0,9976 | 0,9977 | 0,9977 | 0,9978 | 0,9979 | 0,9979 | 0,9980 | 0,9981 |
| 2,9 | 0,9981 | 0,9982 | 0,9982 | 0,9983 | 0,9984 | 0,9984 | 0,9985 | 0,9985 | 0,9986 | 0,9986 |
| 3,0 | 0,9987 | 0,9987 | 0,9987 | 0,9988 | 0,9988 | 0,9989 | 0,9989 | 0,9989 | 0,9990 | 0,9990 |

Ejercicio A1

a) Mediante el determinante, veremos cuándo no es invertible.

$$\begin{vmatrix} 1 & 3 & 1 \\ a & 0 & 8 \\ -1 & a & -6 \end{vmatrix} = -24 + a^2 - 8a + 18a = a^2 + 10a - 24.$$

Igualando esa expresión a 0 y resolviendo obtendremos los valores para los que no admite inversa. Resulta $a = -12$ o $a = 2$. Para todos los demás valores de a sí es invertible.

b) Para $a = 0$ la matriz A es invertible. Por tanto, el sistema es compatible determinado. Por tratarse de un sistema homogéneo la única solución es la trivial $x = 0$, $y = 0$, $z = 0$.

Ejercicio A2

Pasando uno de los términos al miembro de la izquierda y sacando factor común podemos reescribir así la ecuación:

$$\left[\begin{pmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 4 & -1 \end{pmatrix} \right] \cdot X = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$$

de donde

$$X = \begin{pmatrix} 4 & 1 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}^{-1} \cdot \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -3 & 4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & -4 \\ -2 & 16 \end{pmatrix}$$

Ejercicio A3

a) La función presenta asíntotas verticales en $x = -1$, $x = 1$.

Si tiene asíntotas horizontales y/o oblicuas son de la forma $y = mx + n$ donde $m = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{f(x)}{x}$.

En este caso $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3}{x - x^3} = -1$

la ordenada en el origen n viene dada por

$$n = \lim_{x \rightarrow \infty} (f(x) - mx) = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3}{1 - x^2} + x = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 + x - x^3}{1 - x^2} = 0$$

Por lo que tiene una asíntota oblicua $y = -x$.

b)

$$f'(x) = \frac{3x^2(1 - x^2) + 2x \cdot x^3}{(1 - x^2)^2} = \frac{3x^2 - x^4}{(1 - x^2)^2} = \frac{x^2}{(1 - x^2)^2} \cdot (3 - x^2).$$

Así, $f'(x) > 0$ si $|x| < \sqrt{3}$. Teniendo en cuenta en qué puntos no está definida, resulta:

f decrece en $(-\infty, -\sqrt{3})$ y $(\sqrt{3}, \infty)$

f crece en $(-\sqrt{3}, -1)$, $(-1, 1)$ y $(1, \sqrt{3})$.

Ejercicio A4

a) Simplemente hay que aplicar la Ley de Laplace. Casos favorables: $1800 + 2400 + 3000 = 7200$. Casos posibles 30000. Así la probabilidad es $\frac{7200}{30000} = \frac{6}{25}$.

b) De nuevo, interpretando lo que se pide, se resuelve directamente. Favorables: 1800. Posibles 7200. Probabilidad es $\frac{1800}{7200} = \frac{1}{4}$.

Ejercicio A5

a) El radio del intervalo viene dado por la expresión $z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$. Sustituyendo los datos resulta $1,64 \cdot \frac{20}{\sqrt{250}} = 2,07$.

Así, el intervalo pedido es $(87,93; 92,07)$

b) De nuevo, aplicando la misma expresión, obtenemos $1,64 \cdot \frac{20}{\sqrt{n}} \leq 1$, de donde $\sqrt{n} \geq 1,64 \cdot 20 \Rightarrow n \geq (1,64 \cdot 20)^2 = 1075,85$ por lo que la muestra tiene que tener un tamaño mínimo de 1076 adultos.

Ejercicio B1

a) Calcularemos el determinante de la matriz de coeficientes. Si éste es distinto de 0 el sistema será compatible determinado.

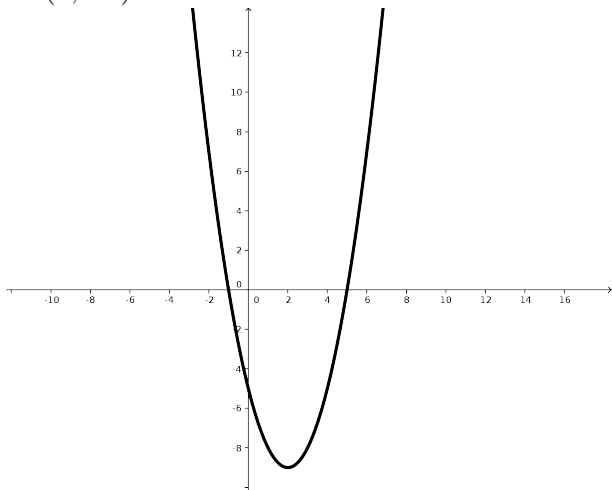
Haciendo las correspondientes operaciones obtenemos que $\det(A) = a - 3$. Estudiando el sistema en el caso $a = 3$ vemos que el rango de la matriz de coeficientes es 2 y el de la ampliada es 3.

Por tanto el sistema es incompatible para $a = 3$ y compatible determinado en todos los demás casos.

b) El sistema es compatible determinado. resulta $x = 3$, $y = -3$, $z = -1$.

Ejercicio B2

a) La gráfica de la función es una parábola que corta a los ejes en $(-1, 0)$, $(5, 0)$ y $(0, -5)$. Tiene un mínimo en $(2, -9)$



b) El área viene dado por

$$\int_{-1}^5 |f(x)| dx = \int_{-1}^5 (-x^2 + 4x + 5) dx = \left[-\frac{x^3}{3} + 2x^2 + 5x \right]_{-1}^5 = 36.$$

Ejercicio B3

a) $f'(x) = 2x \cdot e^{x^2} + x^2 \cdot 2x \cdot e^{x^2} = 2xe^{x^2} + 2x^3e^{x^2}.$

b) $f''(x) = 2e^{x^2} + 4x^2e^{x^2} + 6x^2e^{x^2} + 4x^4e^{x^2} = (2 + 10x^2 + 4x^4)e^{x^2} > 0$ siempre.

Así la función tiene la segunda derivada positiva. La función es siempre convexa (con esta forma U).

Ejercicio B4

a) Pedimos que se verifiquen 5 sucesos independientes. Se multiplican las probabilidades:

$$0,8 \cdot 0,9 \cdot 0,7 \cdot 0,9 \cdot 0,93 = 0,4218.$$

b) En este caso lo más sencillo es calcular la probabilidad del suceso complementario: que no encesta ninguno. La probabilidad de que ninguno de los tres primeros jugadores encesta es $0,2 \cdot 0,1 \cdot 0,3$ y, por tanto, la probabilidad pedida es $1 - 0,2 \cdot 0,1 \cdot 0,3 = 0,994$.

Ejercicio B5

a) La media muestral es 2345 (punto medio del intervalo). El error es el radio del intervalo que nos dan: $2424,625 - 2345 = 79,625$.

Llevándolo a la fórmula $z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$ resulta

$$1,96 \frac{650}{\sqrt{n}} = 79,625 \Rightarrow \sqrt{n} = \frac{1,96 \cdot 650}{79,625} = 16$$

De donde la muestra elegida viene dada por $16^2 = 256$. Así la muestra tiene un número mínimo de 256 viviendas.

b) El valor es el error

$$z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}} = 2,57 \cdot \frac{650}{\sqrt{225}} = 111,367 \text{ euros}$$

MATEMÁTICAS APLICADAS A LAS CIENCIAS SOCIALES II
CRITERIOS ESPECÍFICOS DE CORRECCIÓN Y CALIFICACIÓN

ATENCIÓN: La calificación debe hacerse en múltiplos de 0,25 puntos

OPCIÓN A

Ejercicio 1. (Puntuación máxima: 2 puntos).

Apartado (a): 1 punto.

Cálculo correcto del determinante de A.....0,50 puntos.

Discusión y solución correcta.....0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

Solución correcta del sistema.....1,00 punto.

Ejercicio 2. (Puntuación máxima: 2 puntos).

Despejar la matriz X.....1,00 punto.

Cálculo de la inversa que aparece.....0,50 puntos.

Solución final.....0,50 puntos.

Ejercicio 3. (Puntuación máxima: 2 puntos).

Apartado (a): 1 punto.

Obtener asíntotas verticales.....0,50 puntos.

Obtener asíntota oblicua.....0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

Cálculo correcto de la derivada.....0,50 puntos.

Estudio correcto de los intervalos.....0,50 puntos.

Ejercicio 4. (Puntuación máxima: 2 puntos).

Apartado (a): 1 punto.

Planteamiento correcto.....0,50 puntos.

Cálculo correcto de la probabilidad pedida.....0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

Planteamiento correcto.....0,50 puntos.

Cálculo correcto de la probabilidad pedida.....0,50 puntos.

Ejercicio 5. (Puntuación máxima: 2 puntos).

Apartado (a): 1 punto.

Cálculo correcto de $z_{\alpha/2}$0,25 puntos.

Expresión correcta de la fórmula.....0,25 puntos.

Determinación correcta del intervalo de confianza.....0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

Expresión correcta de la fórmula.....0,25 puntos.

Obtención correcta del mínimo tamaño de la muestra.....0,75 puntos.

| |
|---|
| NOTA: La resolución de ejercicios por cualquier otro procedimiento correcto, diferente al propuesto por los coordinadores, ha de valorarse con los criterios convenientemente adaptados. |
|---|

OPCIÓN B

Ejercicio 1. (Puntuación máxima: 2 puntos).

Apartado (a): 1 punto.

Obtención del valor crítico.....0,50 puntos.

Discusión correcta.....0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

Resolución correcta del sistema1,00 punto.

Ejercicio 2. (Puntuación máxima: 2 puntos).

Apartado (a): 1 punto.

Identificación como parábola.....0,25 puntos.

Cálculo correcto cortes con ejes.....0,25 puntos.

Determinación correcta del vértice.....0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

Planteamiento correcto0,25 puntos.

Cálculo correcto de la función primitiva.....0,50 puntos.

Cálculo correcto de la integral definida.....0,25 puntos.

Ejercicio 3. (Puntuación máxima: 2 puntos).

Apartado (a): 1 punto.

Uso correcto de la derivación de un producto.....0,25 puntos.

Uso correcto de la regla de la cadena.....0,25 puntos.

Cálculo correcto de la derivada.....0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

Cálculo correcto de la segunda derivada.....0,50 puntos.

Estudio correcto de los signos.....0,50 puntos.

Ejercicio 4. (Puntuación máxima: 2 puntos).

Apartado (a): 1 punto.

Planteamiento correcto.....0,50 puntos.

Cálculo correcto de la probabilidad pedida.....0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

Planteamiento correcto.....0,50 puntos.

Cálculo correcto de la probabilidad pedida.....0,50 puntos.

Ejercicio 5. (Puntuación máxima: 2 puntos).

Apartado (a): 1 punto.

Cálculo correcto de $z_{\alpha/2}$ 0,25 puntos.

Cálculo correcto de la media muestral.....0,25 puntos.

Expresión correcta de la fórmula del tamaño.....0,25 puntos.

Cálculo correcto del tamaño muestral.....0,25 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

Cálculo correcto de $z_{\alpha/2}$ 0,25 puntos.

Expresión correcta de la fórmula0,25 puntos.

Cálculo correcto del error.....0,50 puntos.

NOTA: La resolución de ejercicios por cualquier otro procedimiento correcto, diferente al propuesto por los coordinadores, ha de valorarse con los criterios convenientemente adaptados.

**Principales conceptos que se tendrán en cuenta en la elaboración de la
Prueba de Acceso a las Enseñanzas Universitarias Oficiales de Grado
correspondientes a la materia:**

“Matemáticas Aplicadas a las Ciencias Sociales II”

Curso 2015-16

1.- Álgebra.

- Utilización de matrices como forma de representación de situaciones de contexto real.
- Transposición, suma, producto de matrices y producto de matrices por números reales.
- Concepto de inversa de una matriz. Obtención de la inversa de matrices de órdenes dos y tres.
- Determinantes de órdenes dos y tres.
- Resolución de ecuaciones y sistemas de ecuaciones matriciales sencillos. Regla de Cramer.
- Discusión y resolución de sistemas de ecuaciones lineales con dos o tres incógnitas y un parámetro.
- Resolución de problemas con enunciados relativos a las ciencias sociales y a la economía que pueden resolverse mediante el planteamiento de sistemas de ecuaciones lineales con dos o tres incógnitas.
- Interpretación y resolución gráfica de inecuaciones y sistemas de inecuaciones lineales con dos incógnitas.
- Iniciación a la programación lineal bidimensional. Región factible. Solución óptima.
- Aplicación de la programación lineal a la resolución de problemas de contexto real con dos variables. Interpretación de la solución obtenida.

2.- Análisis.

- Límite y continuidad de una función en un punto.
- Límites laterales. Ramas infinitas.
- Continuidad de funciones definidas a trozos.
- Determinación de asíntotas de funciones racionales.
- Derivada de una función en un punto. Interpretación geométrica.
- Relación entre continuidad y derivabilidad.
- Derivación de funciones polinómicas, exponenciales y logarítmicas. Reglas de derivación: sumas, productos y cocientes. Composición de funciones polinómicas, exponenciales y logarítmicas.
- Aplicaciones:
 - Cálculo de la tasa de variación instantánea, ritmo de crecimiento, coste

- marginal, etc.
 - Obtención de la ecuación de la recta tangente a una curva en un punto de la misma.
 - Obtención de extremos relativos, puntos de inflexión e intervalos de crecimiento y decrecimiento de una función.
 - Resolución de problemas de optimización.
- Estudio y representación gráfica de funciones polinómicas, racionales, exponenciales y logarítmicas sencillas a partir de sus propiedades globales y locales.
- Integrales indefinidas. Propiedades elementales. Cálculo de integrales indefinidas inmediatas o reducibles a inmediatas.
- Integrales definidas de funciones polinómicas, exponenciales y racionales inmediatas mediante la aplicación de la regla de Barrow.
- Aplicación de la integral definida al cálculo de áreas planas.

3.- Probabilidad y Estadística.

- Experimentos aleatorios. Concepto de espacio muestral y de suceso elemental.
- Operaciones con sucesos. Leyes de De Morgan.
- Definición de probabilidad. Probabilidad de la unión, intersección, diferencia de sucesos y suceso contrario o complementario.
- Regla de Laplace de asignación de probabilidades.
- Probabilidad condicionada. Teorema del Producto, Teorema de la Probabilidad Total y Teorema de Bayes.
- Concepto de población y muestra. Muestreo. Parámetros poblacionales y estadísticos muestrales.
- Distribuciones de probabilidad de las medias muestrales. Caso normal.
- Intervalo de confianza para la media de una distribución normal de desviación típica conocida. Tamaño muestral mínimo